## Темы работ (производственная практика) для 2 курса 2013-2014 уч.год

## Кафедра математического анализа и дифференциальных уравнений Институт математики и фундаментальной информатики

Руководитель доцент Лазарева Нина Николаевна

Интегрирование дифференциальных уравнений с помощью степенных рядов

1. Решить уравнение y'' + xy = 0.

Студент

**2.** Решить уравнение y'' + xy' + y = 0.

Студент

**3.** Доказать, что дифференциальное уравнение  $y'' - \left(a + \frac{x^2}{4}\right)y = 0$  имеет линейно независимые решения

$$y_1(x)=\sum_{k=0}^\infty c_{2k}\frac{x^{2k}}{(2k)!},\ y_2(x)=\sum_{k=0}^\infty c_{2k+1}\frac{x^{2k+1}}{(2k+1)!},$$
 где  $c_0=c_1=1,\ c_2=c_3=a,$  
$$c_{k+2}=ac_k+\frac{k(k-1)}{4}c_{k-2},\ k=2,3,\ \dots$$
 Студен

где 
$$c_0 = c_1 = 1$$
,  $c_2 = c_3 = a$ ,  $c_{k+2} = ac_k + \frac{k(k-1)}{4}c_{k-2}$ ,  $k = 2, 3, \ldots$ 

Студент

**4.** Решить уравнение y'' - 2xy' + 2my = 0, где m — целое неотрицательное число.

Студент

**5.** Решить уравнение  $2x^2y'' + (3x - 2x^2)y' - (x+1)y = 0$ . Студент

**6.** Найти решение уравнения xy'' + y = 0, удовлетворяющее условиям y(0) = 0, y'(0) = 1.Студент

7. Найти решение уравнения y'' - xy = 0.

Студент

**8.** Найти решение уравнения y'' - xy' - 2y = 0.

Студент