

**Экзаменационный билет. Математический анализ. Третий семестр, 2010-2011гг.**

(экзамен).

**Вариант №1**

Фамилия

группа

1	2	3	4	5	$\sum$
8	12	12	10	14	56

1. Дайте следующие определения:

- (a) Прямого и обратного преобразования Фурье функции.
- (b) Гамма-функции.

2. Найти точки условного экстремума функции  $z = x^2 + 12xy + 2y^2$ , при условии  $4x^2 + y^2 = 25$ .
3. Найти площадь фигуры:  $2 \leq x^2 + y^2 \leq 4$ ,  $-x \leq y \leq \frac{x\sqrt{3}}{3}$ .
4. Изменить порядок интегрирования в тройном интеграле (с  $x \rightarrow y \rightarrow z$  на  $z \rightarrow y \rightarrow x$ )

$$\int_{-1}^1 dx \int_0^{\sqrt{1-x^2}} dy \int_{\sqrt{x^2+y^2}}^1 f(x, y, z) dz.$$

Схематично изобразить область интегрирования и указать ход рассуждения.

5. Сформулируйте и докажите признак Вейерштрасса равномерной сходимости несобственного интеграла, зависящего от параметра.
-